

**ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ПО МАТЕМАТИКЕ  
2019–2020 уч. год  
ШКОЛЬНЫЙ ЭТАП**

**11 класс**

1. Есть ли такое 10-значное число, с десятью различными цифрами, что после вычеркивания из него любых шести цифр получится составное четырехзначное число?
2. Существует ли арифметическая прогрессия из трех натуральных чисел  $a, b, c$ , таких, что  $\text{НОД}(a, b) = \text{НОД}(b, c) = \text{НОД}(a, c) = 1$ , и каждое из этих чисел представимо в виде произведения ровно двух различных простых чисел?
3. На сторонах  $AB, AC$  и  $BC$  отмечены точки  $P, Q$  и  $M$  соответственно так, что  $\angle BMP = \angle AMP$ ,  $\angle CMQ = \angle AMQ$ ,  $BM = CM$ . Отрезки  $AM$  и  $PQ$  пересекаются в точке  $K$  и  $MK = 3$ . Найдите значение  $PQ$ .
4. Числа  $a, b, c$  такие, что  $a(b - c) = a^2bc + 1$ ,  $b(c - a) = ab^2c + 1$ . Чему может быть равно число  $abc^2$ ?
5. В комитете 60 депутатов. Каждые два депутата входят хотя бы одну комиссию. В каждой комиссии не более 30 депутатов. Какое наименьшее количество комиссий можно создать в данном комитете?